

ver pag. disciplina

INSTITUTO SUPERIOR DE ECONOMIA E GESTÃO
LICENCIATURA EM MATEMÁTICA APLICADA À ECONOMIA E À GESTÃO
INVESTIGAÇÃO OPERACIONAL II - EN - 18 de Junho 2018 - 2 horas

1. (5 val.) Considere para um projecto a seguinte rede, com as durações em semanas:

Activ.	Act. Prec.	Dur. optimista	Dur. Mais Provável	Dur. Pessimista
A	-	7	9	17
B	-	8	10	12
C	A	5	6	7
D	A,B	6	8	10
E	C	4	5	6
F	C,D	4	6	8
G	E,F	10	13	16
H	F	5	7	9
I	E,H	3	6	9

- a) (2,0 valores) Estabeleça o gráfico da rede e determine o caminho crítico, indicando para as durações médias as margens das actividades;
- b) (1,5 valores) Determine uma duração que seja cumprida com 95% de probabilidade. Comente criticamente essa duração;
- c) (1,5 valores) Suponha que a actividade E foi decomposta em duas partes, mas em que a primeira parte, E1 é precedida também por D e a segunda parte, E2, é precedida para além de E1 também de F. Faça as alterações na rede.

2. Duas empresas do mesmo tipo, A e B, querem promover os seus produtos e recebem ambas uma oferta de um canal de TV; podem passar o seu anúncio à tarde (cerca de 40% dos telespectadores desta cadeia assistem à TV nesta faixa horária) ou à noite (com uma audiência de 60%), mas não nas duas faixas horárias simultaneamente; sabe-se ainda que não há sobreposição entre os telespectadores das duas faixas horárias. Se as duas anunciarem na mesma faixa horária, cada uma vai vender os seus produtos a 30% dos telespectadores dessa faixa, mas a nenhum da outra, ao passo que se anunciarem em faixas diferentes, cada um capatará 50% da audiência da respectiva faixa.

- a) (1,5 valores) Identifique o jogo, caracterize-o e apresente a matriz de resultados;
- b) (2,5 valores) Supondo que cada empresa mantém as suas decisões secretas, verifique se existe solução de equilíbrio recomendável para cada uma. Verifique se existe ponto de equilíbrio em estratégias mistas e interprete-o. Comente os valores obtidos; (*)
- c) (1,5 valores) Suponha que era responsável pela empresa e tinha liberdade de abordar a outra empresa (não está vedada a possibilidade de cooperação). Que decisão proporia? Justifique.

3. (5 val.) Uma empresa metalomecânica estabeleceu um contrato de fornecimento de certo produto para os próximos cinco meses. As quantidades a fornecer, no início de cada mês, são as seguintes:

(*) se não resolveu a alínea a), considere a bimatrix

		T	N
A	T	6;6	10;15
	N	15;10	9;9

Mês:	1	2	3	4	5
Quantidade:	80	70	110	90	100

Este produto é fabricado por lotes, sendo de 250 € o custo de lançamento. O custo unitário do produto é de 100 €. A empresa utiliza uma taxa de posse de 12% ao ano, sendo o custo de uma fracção do ano proporcional (o custo de stock é função do stock final, que fica de um mês para o seguinte). Neste momento não existem unidades em armazém e nem se pretende que fiquem unidades no fim do período, não havendo obrigatoriedade de stocks nos meses intermédios.

- (2,0 valores)** Estabeleça o programa de produção, utilizando a heurística de Silver-Meal, indicando o custo total;
- (3,0 valores)** Resolva o mesmo problema utilizando o algoritmo Wagner-Whithin e compare os resultados. Comente.

4. Um “stand” de automóveis vende três tipos de veículos: city car, berlina e desportivo. O vendedor trabalha à comissão, sendo a sua remuneração variável em função dos veículos vendidos. De acordo com os dados passados, as vendas por semana são uma v.a. binomial com $p = 0,5$ e $n = 4$: $B(x; 0,5; 4)$.

Se o veículo é do tipo city car, a comissão é de 400 €. Se é do tipo berlina, a comissão depende do tipo de modelo, sendo 50% das vezes de 400 € e nos restantes casos 500 €. Para os carros desportivos, há também dois tipos de comissão: 800 € em 60% das vezes e 1000 € em 40% das vezes. A distribuição do tipo de veículo vendido é a seguinte:

veículo:	city car	berlina	desportivo
probabilidade	0,40	0,50	0,10

- (1,5 valores)** Gere valores para as v.a. envolvidas considerando os NPA indicados abaixo e designe o seu significado prático;
- (3,0 valores)** Com base nos valores gerados na linha anterior, simule o comportamento do sistema durante três semanas, indicando o ganho médio do vendedor por semana e o ganho médio por veículo.

Obs. Considere por ordem os seguintes NPA:

Vendas semanais: 0,78; 0,29; 0,93; 0,46; 0,82; 0,12; 0,07; 0,24; 0,60; 0,56; 0,33; 0,18

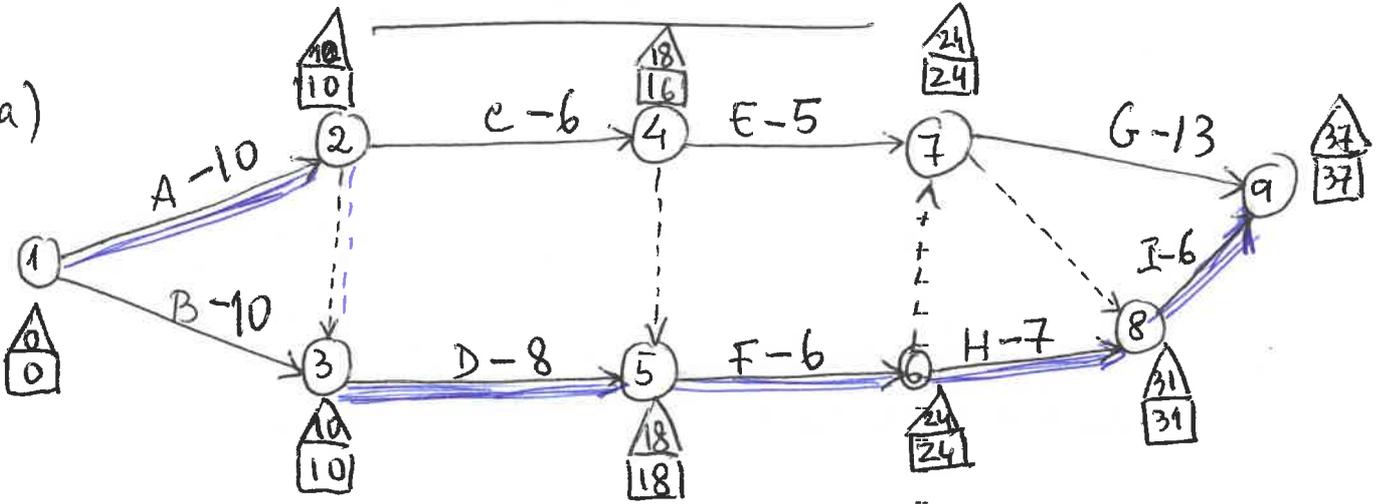
Tipo de veículo: 0,43; 0,67; 0,17; 0,97; 0,12; 0,22

Comissão Berlina: 0,28; 0,45; 0,55; 0,71; 0,07; 0,19

Comissão desportivo: 0,35; 0,05; 0,85; 0,41; 0,11; 0,48

O professor

1.a)



Act.	A	B	C	D	E	F	G	H	I
MT	0	0	2	0	3	0	0	0	0

Caminho crítico = {A, fict., D, F, H, I} com duração 37 e variância 5,11

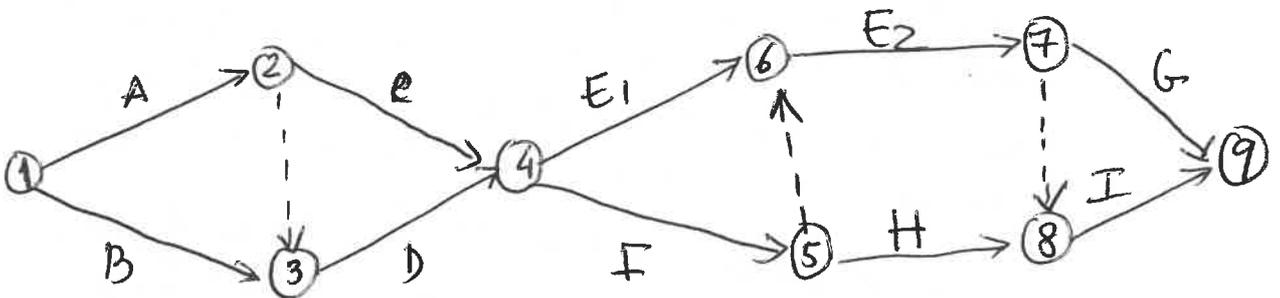
Nota. aparentemente há vários caminhos críticos, mas a maior duração medz. Mas este tem a maior variância, bastando notar que a variância de A é superior à de B e variância de soma de H em I é superior à de G (sem fazer contas)

$$b) \sigma_{Tcc}^2 = \frac{100}{36} + \frac{16}{36} + \frac{16}{36} + \frac{16}{36} + \frac{36}{36} = \frac{184}{36} = 5,111$$

$$\sigma_{Tcc} = \sqrt{5,111} = 2,26$$

$$P(T_{cc} \leq a) = 0,95 \Rightarrow \Phi\left(\frac{a-37}{2,26}\right) = 0,95 \Rightarrow a \approx 41$$

c)



2.

		T	N
a)	T	12;12	20;30
	N	30;20	18;18

Jogo de 2 pessoas, soma não constante, finito, informação completa, estático. Pode ser cooperativo ou não cooperativo

Nota. Elementos de simetria são percentagens de acções dos que compram os produtos das empresas, que existe de tarde e de noite

3 a) Periodo Promue Costo total C. unitaria

1	80	250	250
2	150	320	160*
3	260	540	180**

$Q_1^* = 150$; $Q_2^* = 0$ Encuendras en 1 para 1 e 2

Periodo	Promue	Costo total	C. unitaria
3	110	250	250
4	200	340	170*
5	300	540	180

$Q_3^* = 200$ $Q_4^* = 0$ $Q_5^* = 100$

Costo total = $910 = 750 + 160$
(dem afundicor)

C. Apuntal = $(80 + 70 + 110 + 90 + 100) * 100 = 45000$
C. Encuenda C. fludo

b) Periodo 1 : 80

$$c_1(Q_1) + h S_2$$

	$Q_1 = 80$	150	260		
S_2	$h S_2$	$c(Q_1) = 250$	250	250	$CT_1(S_2)$
0	0	250	-	-	Q_1^*
70	70	-	320	-	80
180	180	-	-	430	150
					260

Periodo 2 : 70

$$c_2(Q_2) + h S_3$$

	$Q_2 = 70$	180	270		
S_3	$h S_3$	$c(Q_2) = 250$	250	250	$CT_2(S_3)$
0	0	320	500	-	Q_2^*
110	110	540	-	-	0
200	200	-	-	700	0
					270

Período 3: 110

		$C_3(Q_3) + h S_4$			$CT_3(S_4)$	Q_3^*
S_4	$h S_4$	$Q_3=0$	110	200		
0	0	$C(Q_3)=0$	250	250	200	0
90	90	540	580	-	-	200
190	190	790	-	660	760	300

Período 4: 90

		$C_4(Q_4) + h S_5$			$CT_4(S_5)$	Q_4^*
S_5	$h S_5$	$Q_4=0$	90	190		
0	0	$C(Q_4)=0$	250	250	660	0
100	100	660	690	-	860	0
		860	-	890		

Período 5: 100

		$C_5(Q_5) + h S_6$			$CT_5(S_6)$	Q_5^*
S_6	$h S_6$	$Q_5=0$	100	250		
0	0	$C(Q_5)=0$	250	250	860	0
		860	910			

$$Q_5^* = 0 \quad Q_4^* = 0 \quad Q_3^* = 300 \quad Q_2^* = 0 \quad Q_1^* = 150$$

$$\text{Custo total (sem apostilado)} = \underbrace{500}_{C, \text{Env.}} + \underbrace{70 + 190 + 100}_{C, \text{Stock}} = 860$$

$$C. Apostilado = 45000$$

4. a) vendas semanais: $1^a - 2$; $2^a - 1$; $3^a - 2$
 tipos de veículos: $1^a - \text{berline, berline}$; $2^a - \text{city car}$; $3^a - \text{desporto, city car}$
- Comissões: 1^a semana - 1^o berline - 400; 1^a semana - 2^o berline - 400
 2^a semana - city car - 300; 3^a semana - desporto - 800;
 3^a semana - city car - 300

b) Quadro Simples

Tempo semana	veículos Autônomo	Tempo Autônomo	Carga	Carros	Grupos Bundled
1	2	berline	400	400	400
		berline	400	400	800
2	1	city car	300	300	1200
3	2	desporto	800	800	2000
		city car	300	300	2200

$$\text{Grupos/semana} = \frac{2400 + 2200}{3} \approx 733,3$$

$$\text{Grupos (autônomo)} = \frac{2200}{5} = 440$$

$$\text{Prob (city car)} = \frac{4}{5} = 0,8$$

